## Universidad Simón Bolívar Departamento de Matemáticas Puras y Aplicadas

## JUSTIFIQUE TODAS SUS RESPUESTAS

1. (6 pts.) Resolver la Ecuación Diferencial Ordinaria

$$y'(2 - e^x)(\sec(y))^2 = -3e^x \tan(y)$$

con la condición inicial  $y(0) = \frac{\pi}{4}$ .

2. (6 pts.) Hallar dos soluciones para la ecuación diferencial siguiente:

$$y'(x) = \begin{cases} \sqrt{-y} & \text{, si y < 0} \\ \sqrt{y} & \text{, si y \ge 0} \end{cases}$$

3. (6 pts.) Resolver la Ecuación Diferencial

$$y''' = \operatorname{sen}(x) + \cos(x)$$

con las condiciones iniciales y(0) = 1; y'(0) = y''(0) = 0

4. (12 pts.) Resolver los siguientes problemas de valor inicial

$$y'x + y = y^2 \ln(x); \ y(1) = 1$$

$$xy' = \sqrt{x^2 - y^2} + y$$
;  $y(1) = -1$